

НАУЧНЫЙ СОВЕТ ПО КИБЕРНЕТИКЕ АН УССР

КИЕВСКИЙ ДОМ НАУЧНО-ТЕХНИЧЕСКОЙ ПРОПАГАНДЫ

**МАТЕРИАЛЫ**

*научных семинаров*

*по теоретическим*

*и прикладным вопросам*

**КИБЕРНЕТИКИ**

СЕМИНАР

ЭКОНОМИЧЕСКАЯ КИБЕРНЕТИКА И  
ИССЛЕДОВАНИЕ ОПЕРАЦИЙ

(Руководитель семинара - канд. физ.-мат. наук  
В. МИХАЛЕВИЧ)

6

Выпуск 4

БАКАЕВ А.А., РОСИНА Н.И.,  
ШОР Н.З.

"Алгоритм определения гру-  
зонапряженности на звеньях  
сети путей сообщения",

БАКАЕВ А.А., ШКУРБА В.В.  
"Решение задачи по перевоз-  
кам массовых грузов различ-  
ными видами подвижного со-  
става".

## АЛГОРИТМ ОПРЕДЕЛЕНИЯ ГРУЗОНАПРЯЖЕННОСТЕЙ НА ЗВЕНЬЯХ СЕТИ ПУТЕЙ СООБЩЕНИЯ

В практике текущего и перспективного планирования развития народного хозяйства очень часто встречаются задачи по рациональному распределению грузопотоков по участкам сети, видам транспорта, а также задачи по размещению производства, в значительной мере связанного с транспортом. При решении таких задач, а также задач по технической реконструкции транспорта (усиление пропускной способности участков сети) важную роль играет величина грузонапряженности, которая определяет технические возможности осуществления перевозок на данном направлении, а также, в некоторой мере, влияет на экономические показатели работы транспорта (себестоимость перевозок и др.) и размеры капитальных вложений, вкладыываемых в развитие сети.

Распределение грузонапряженности (т.е. величины потока) по существующей или перспективной сети очень большая трудоемкая работа, на которую затрачиваются месяцы работы целых коллективов. При изменении конфигурации сети, а также при возникновении новых поставщиков и потребителей задача превращается в многовариантную, варианты которой в полной мере проанализировать не удается.

Быстродействие ЭЦВМ и возможность рассматривать сети больших размеров позволяет в некоторой мере восполнить этот пробел.

Настоящий алгоритм и программа позволяют на ЭЦВМ "М-20" получить величины грузонапряженности на участках сети, состоящей из 1000 узлов и до 4000 связей.

Опишем предлагаемую методику определения грузонапряженностей. Сначала берем нужный полигон сети путей сообщения железнодорожных, водных и автомобильных. Проводится десятичная последовательная нумерация всех узлов сети и определяются расстояния между узлами. Кроме того, записывается таблица маршрутов, т.е. номера пунктов производства и потребления, и количество груза, перевозимое по каждому маршруту. Эти данные вместе с программой определения грузопотоков вводятся в память ЭЦВМ.

Алгоритм обеспечивает получение таблицы грузопотоков на каждом участке сети. Причем эта таблица записана в таком же порядке, в каком вводилась информация о расстояниях между узлами сети. Сопоставлением таблицы результата счета с исходной таблицей определяется, на какие именно звенья сети накладывается та или иная грузонапряженность.

Математический смысл рассматриваемой задачи следующий.

Пусть имеется конечная совокупность точек  $t_1, t_2, \dots, t_n \in U$ . Среди точек множества есть подмножества  $A_i$  и  $B_i \in U$  ( $i=1 \dots n$ ), где  $A_i$  — подмножество поставщиков и  $B_i$  — подмножество потребителей.

Для некоторых упорядоченных пар точек  $(t_i, t_j) \in U$  ( $j=1, 2 \dots n$ ) определено "расстояние" между ними  $r(t_i, t_j) = d_{ij} \geq 0$ , причем  $d_{ii} = 0$ . Точки подмножества  $A_i$  соединяются с точками  $B_i$  упорядоченной совокупностью звеньев

$(t_{i_1}, t_{i_2}, \dots, t_{i_m})$ , которая называется цепью. Если для каждой из пар вида  $(t_{ik}, t_{ik+1})$

определен  $\rho(t_{ik}, t_{ik+1})$ , где  $k=1, 2 \dots m-1$ ,

$$\text{то } \sum_{k=1}^{m-1} \rho(t_{ik}, t_{ik+1}) = \ell(t_{i_1}, t_{i_2} \dots t_{im})$$

называется "расстоянием" между  $A_i$  и  $B_i$  по цепи  $(t_{i_1}, t_{i_2} \dots t_{im})$  по которому в разных направлениях по заданным маршрутам следуют грузы

$\alpha, \beta, \gamma \dots EC$  где  $\alpha, \beta, \gamma$  - количество грузов в тоннах.

Если  $\ell(t_{i_1}, t_{i_2} \dots t_{im})$  - кратчайшее "расстояние", то грузопоток на данном участке сети будет представлять собой  $C_p EC$ .

$$- C_p = \sum_{j=1}^R (\alpha_j + \beta_j + \gamma_j + \dots),$$

где  $j$  - звенья сети,

$R$  - количество звеньев,

$\alpha, \beta, \gamma$  - грузопотоки по различным маршрутам на участке сети вида  $(t_{ik}, t_{ik+1})$   
 $k=1, 2 \dots m-1$ .

Алгоритм решения задачи использует в качестве подпрограммы программу нахождения кратчайших расстояний от каждой точки сети до всех остальных, в связи с тем, что предполагается перевозить грузы только по кратчайшим расстояниям.

Для описания алгоритма необходимы следующие таблицы:

PUC. I.

$T_I$															
$TM$															
$TR$															
$TP$	<table border="1"> <tbody> <tr><td><math>\mathcal{P}(\delta_i^1, 1)</math></td><td><math>d_2 + 1</math></td></tr> <tr><td><math>\mathcal{P}(\delta_i^1, 2)</math></td><td><math>d_2 + 2</math></td></tr> <tr><td><math>\mathcal{P}(\delta_i^1, 3)</math></td><td><math>d_2 + 3</math></td></tr> <tr><td><math>\mathcal{P}(\delta_i^2, 1)</math></td><td></td></tr> <tr><td><math>\mathcal{P}(\delta_i^2, 2)</math></td><td></td></tr> <tr><td><math>\dots</math></td><td></td></tr> <tr><td><math>\mathcal{P}(\ell_i^K, K)</math></td><td></td></tr> </tbody> </table>	$\mathcal{P}(\delta_i^1, 1)$	$d_2 + 1$	$\mathcal{P}(\delta_i^1, 2)$	$d_2 + 2$	$\mathcal{P}(\delta_i^1, 3)$	$d_2 + 3$	$\mathcal{P}(\delta_i^2, 1)$		$\mathcal{P}(\delta_i^2, 2)$		$\dots$		$\mathcal{P}(\ell_i^K, K)$	
$\mathcal{P}(\delta_i^1, 1)$	$d_2 + 1$														
$\mathcal{P}(\delta_i^1, 2)$	$d_2 + 2$														
$\mathcal{P}(\delta_i^1, 3)$	$d_2 + 3$														
$\mathcal{P}(\delta_i^2, 1)$															
$\mathcal{P}(\delta_i^2, 2)$															
$\dots$															
$\mathcal{P}(\ell_i^K, K)$															
	$d_1 + m$														

- ТР - таблица расстояний между соседними пунктами. Сначала идут расстояния до 1-го пункта от соседних, затем до 2-го и т.д. Кроме того, есть признаки окончания информации о соседях, а в конце каждой строки таблицы номер пункта соседа, расстояние до которого записано в этой же строке.
- ТГ - таблица грузонапряженностей, которая получается в результате решения задачи, она той же размерности, что и таблица ТР, и при расшифровке результатов счета сопоставление этих таблиц дает возможность определить, на какие звенья накладываются те или иные грузонапряженности.
- Т<sub>1</sub> - рабочий массив для определения кратчайших расстояний от любого пункта до всех остальных. Таблица Т<sub>1</sub> получается в результате работы программы кратчайших расстояний.
- ТМ - таблица маршрутов, задаваемая в виде исходной информации следующим образом. В этой таблице встречаются два вида строк: строки вида  $K_1$  и строки вида  $K_2$ . В строках вида  $K_1$  задается номер пункта с признаком поставщика, в строках вида  $K_2$  задается номер пункта потребителя и количество потребляемого им груза.

Представим схематически работу алгоритма в виде последовательного выполнения ряда операций:

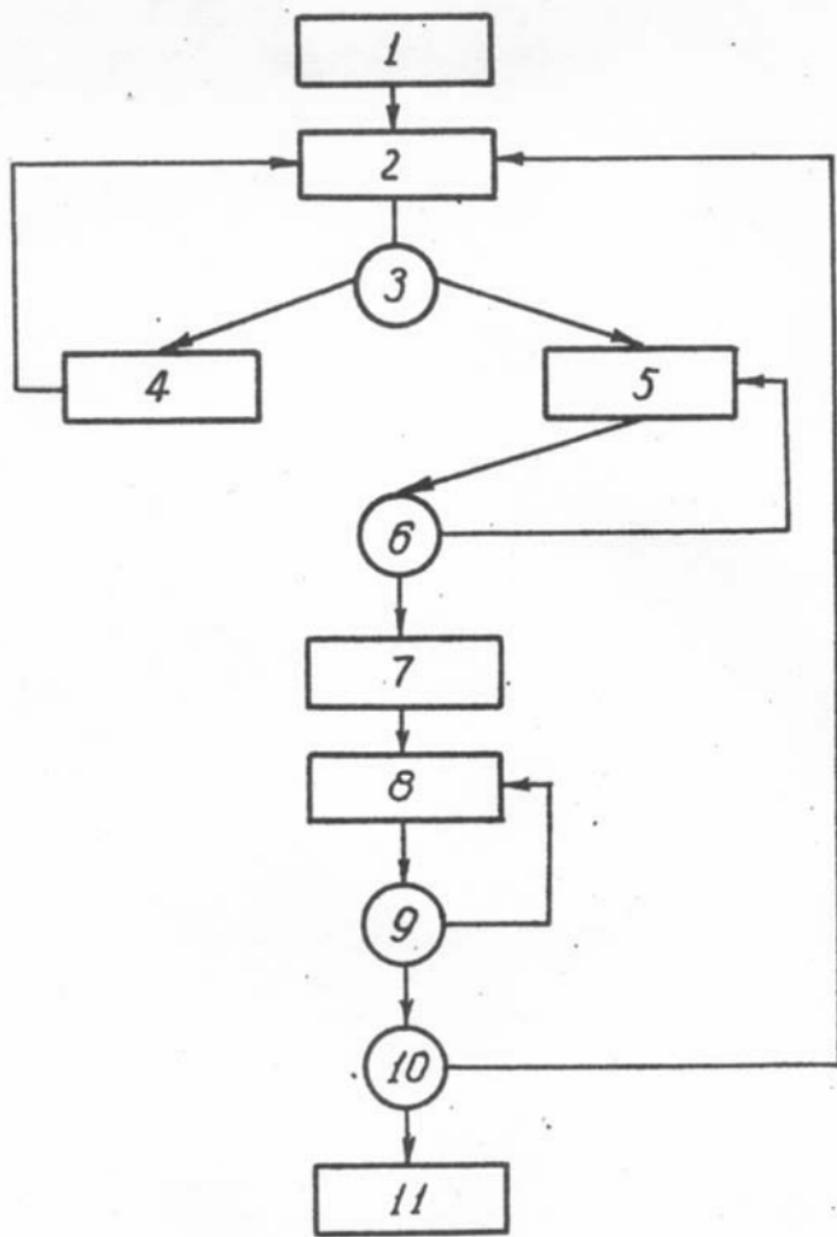


Рис.2.

**1-ая операция.** В оперативную память машины вводится исходная информация в виде таблиц ТР и ТМ.

**2-ая операция.** Выбор из таблицы маршрутов следующей по порядку строки.

**3-ая операция.** Проверяет, какой вид имеет строка. Если эта строка вида  $K_1$  (т.е. в ней находится номер пункта производства), переходим к операции 4. Если эта строка вида  $K_2$ , т.е. в ней находится номер пункта потребления и количество потребляемого продукта, переходим к операции 5.

**4-ая операция.** Находит кратчайшие расстояния от пункта, номер которого записан в строке типа  $K_1$  таблицы ТМ до всех остальных пунктов и заносит в таблицу  $T_1$ .

**5-ая операция.** Номерам связей присваиваются номера ячеек, в которых размещена таблица ТР, т.к. количество звеньев - связей определено этой таблицей. Номера звеньев-связей, участвовавших в определении кратчайших расстояний, заносится во вторые адреса ячеек таблицы  $T_1$ , что не влияет на точность вычислений.

**6-ая операция.** Проверяет, все ли номера звеньев, участвовавшие в определении кратчайших расстояний, занесены в таблицу кратчайших расстояний. Да - операция 7, нет - операция 6.

**7-ая операция.** Вызов из таблицы маршрутов следующей по порядку строки типа  $K_2$  и выделение грузонапряженности данного маршрута.

**8-ая операция.** Номерам пунктов сети ставятся в соответствие номера ячеек, в которых находятся кратчайшие расстояния, номера звеньев сети и номера

ра пунктов, через которые эти кратчайшие расстояния проходят, т.е. в одной ячейке памяти машины записаны три вида данных. По номерам ячеек, в которых записаны кратчайшие расстояния, и номерам пунктов, записанным в этих ячейках, восстанавливается маршрут, т.е. номера пунктов, через которые проходят грузопотоки. А на номера звеньев на-кладывается грузонапряженность данного маршрута. Таким образом суммируются грузонапряженности на каждом звене всех маршрутов.

**9-ая операция.** Проверяется, окончен ли маршрут. В связи с тем, что сначала имеются номера пунктов поставщика и потребителя, а маршрут разворачивается от потребителя к поставщику, проверка конца маршрута проводится путем сравнения номера каждого следующего пункта маршрута с номером пункта поставщика. Если эти номера совпадают, переходим к операции 9, если нет - к операции 8.

**10-ая операция.** Проверяется, просмотрены ли все маршруты, т.е. проверяется конец таблицы ТМ. Если все маршруты просмотрены, переходим к операции 11, если нет - к операции 2.

**11-ая операция.** Печать накопленных в памяти машины (на магнитном барабане) результирующих грузонапряженностей на каждом звене сети.

Останов машины.

Для ускорения процесса счета целесообразно проводить нумерацию узлов в порядке их геометрического положения на сети, а для задач большего масштаба (более чем 2000 связей) - сохранить последовательную нумерацию узлов вдоль условной вертикали, проходящей через середину сети.



Рис. 3.

Программа решения задачи содержит 624 восьмиричных команды, включая подпрограммы нахождения кратчайших расстояний, перевода из 2-ой в 10-ую, из 10-ой - в 2-ую системы, а также всех необходимых констант. Экспериментальный отладочный пример, содержащий 20 узлов, 70 связей и 10 маршрутов, на ЭЦВМ "М-20" решался 1 минуту, включая ввод и печать результатов.

Предполагаемое время счета при полной загрузке памяти, т.е. 1000 узлов до 400 связей и 500 маршрутов, составит около 4 часов.

В дальнейшем следует отметить, что экономическая эффективность рационального просчета грузонапряженностей на сети дорог железнодорожных, автомобильных, водных не вызывает сомнения, и практически решать такого типа задачи, приведенным выше методом, весьма целесообразно. В методе решения задачи ничто не изменится, если в качестве критерия кратчайших расстояний использовать критерий себестоимости.

В таком случае на сети можно рассматривать все виды транспорта и пункты перевалки, как звенья различной себестоимости перевозки. Такой подход к решению задачи помогает правильному, с экономической точки зрения, распределению грузопотоков между различными видами транспорта на сети. В случае, если какие-то звенья сети не обладают нужной пропускной способностью, ставится вопрос о реконструкции соответствующих дорог.

Расчет грузонапряженностей на сети можно рассматривать не только на ближайшие годы, а на более длительный период - 5-10 лет. При изменении условий дислокации объектов и транспортных связей между ними должны быть внесены корректировки и поправки в установленную схему закрепления.

## ЛИТЕРАТУРА

О.О.БАКАЕВ, С.В. БРАНЮВИЦЬКА.

В.С.М. ХАЛЕВИЧ та Н.З. ШОР "Визначення  
характеристик транспортної сировини за методом  
послідовного аналізу вар.ант.в".

Допов.д. Академії Наук Української  
РСР, 1962 р.